

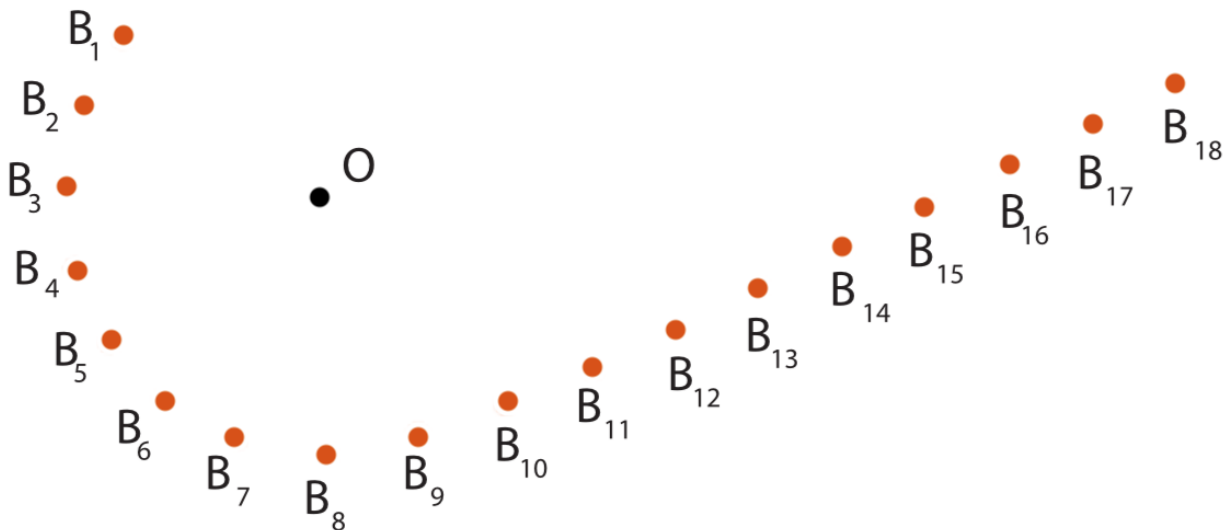
LANCER DE MARTEAU – 20 POINTS

L'objectif de cet exercice est de préparer l'analyse d'un enregistrement en termes de variation de vecteur vitesse et de relier cette variation à l'existence d'actions mécaniques.



Le lancer de marteau est une discipline olympique qui consiste à lancer un boulet après l'avoir accéléré en le faisant tourner au bout d'un câble. Sur le schéma ci-dessous, on montre les positions successives B_1 à B_{18} du boulet, résultat d'une simulation à partir de données réelles : le lanceur utilise un boulet de masse $m = 4,0 \text{ kg}$, un câble de longueur $L = 2,5 \text{ m}$ et lâche le boulet lorsqu'il a une vitesse de valeur $25 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$.

On rappelle que le périmètre P d'un cercle de rayon r vaut $P = 2 \times \pi \times r$.



1. PREMIÈRE PARTIE

- 1.1. Que peut-on dire de la variation de la valeur de la vitesse du boulet durant le mouvement modélisé ? Justifier la réponse. **ANA**
- 1.2. Que peut-on dire de la variation du vecteur vitesse du boulet durant le mouvement modélisé ? Justifier la réponse. **ANA**
- 1.3. Construire, à l'échelle de votre choix à préciser, le vecteur vitesse du boulet lorsqu'il est dans les positions B₃, B₆ et B₁₂. **RÉA**
- 1.4. Montrer que l'on peut distinguer deux phases dans le mouvement du boulet ; préciser à quel instant la nature du mouvement du boulet change. **ANA**
- 1.5. Expliquer ce qui est à l'origine de ce changement. **ANA**
- 1.6. Préciser la nature du mouvement du boulet au cours des deux phases du mouvement. **ANA**

2. DEUXIÈME PARTIE

- 2.1. Calculer la valeur d'un quart de périmètre du cercle décrit par le boulet avant qu'il ne soit lâché. **RÉA**
- 2.2. Vérifier que, sur le schéma, un arc de cercle égal à un quart de périmètre est, par exemple, délimité par les points B₄ à B₉, c'est-à-dire qu'un quart de cercle correspond à la distance parcourue par le boulet en une durée égale à $5 \times \Delta t$. **ANA**
- 2.3. Montrer que, pour la simulation, on peut estimer que la durée qui sépare le pointage de deux positions du boulet est $\Delta t = 0,033$ s. **RÉA**

3. TROISIÈME PARTIE

- 3.1. M₁, M₂ et M₃ sont trois points consécutifs d'un enregistrement, v₂ est la vitesse au point M₂ et Δt est la durée du déplacement entre deux points consécutifs.
- Parmi les expressions suivantes, identifier celles qui permettraient d'obtenir une valeur approchée de la vitesse instantanée du système lorsqu'il est en M₂. Justifier. **RÉA**
- $$v_2 = \frac{M_1 M_3}{\Delta t} \quad v_2 = \frac{M_2 M_3}{\Delta t} \quad v_2 = \frac{M_2 M_3}{2 \times \Delta t} \quad v_2 = \frac{M_1 M_3}{2 \times \Delta t}$$
- 3.2. Utiliser les données de l'énoncé pour préciser toutes les caractéristiques du vecteur vitesse du boulet aux points B₅ et B₁₄. Représenter ces vecteurs, notés \vec{v}_5 et \vec{v}_{14} . **RÉA**
- 3.3. On donne ci-dessous le code qui permet de tracer le vecteur vitesse au point M_i.

```
1 def vecteur_vitesse(x, y, dt, i) :  
2     vx = (x[i+1] - x[i-1]) / (2*dt)  
3     vy = (y[i+1] - y[i-1]) / (2*dt)
```

- 3.3.1. Parmi les quatre expressions proposées à la question 1, laquelle est utilisée dans ce code ? Justifier rapidement. **ANA**
- 3.3.2. Comparer la direction des déplacements $\overrightarrow{B_4 B_5}$, $\overrightarrow{B_5 B_6}$ et \vec{v}_5 . Conclure. **ANA**
- 3.3.3. Expliquer pourquoi, dans le cadre d'un mouvement rectiligne, on peut utiliser la deuxième formule de la question 1. **ANA**
- 3.3.4. Quelles lignes de code doivent alors être modifiées ? Proposer une nouvelle écriture pour ces lignes de code. **RÉA**