

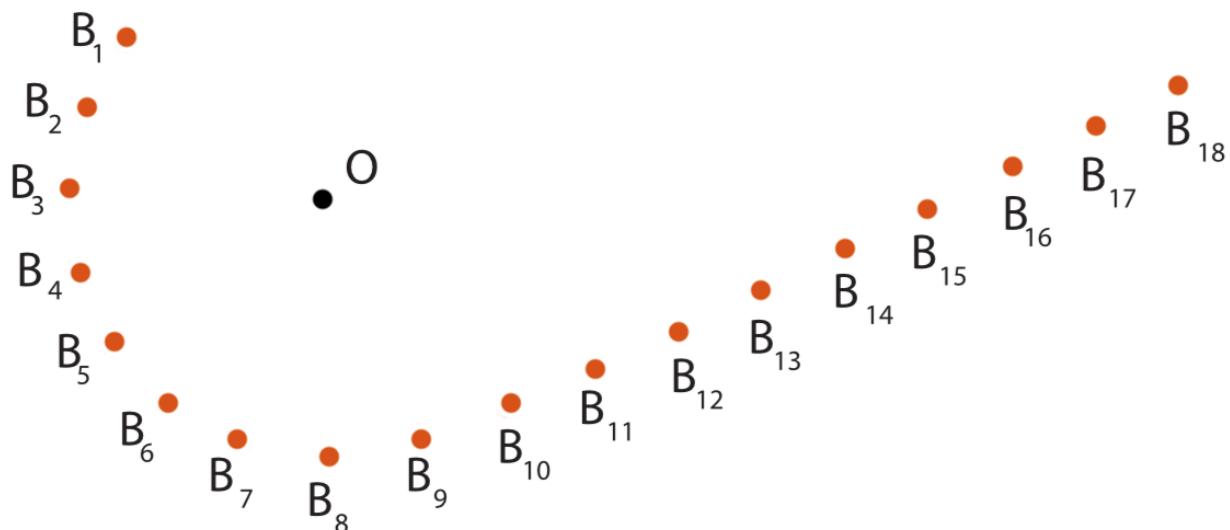
**LANCER DE MARTEAU – 20 POINTS**

L'objectif de cet exercice est de préparer l'analyse d'un enregistrement en termes de variation de vecteur vitesse et de relier cette variation à l'existence d'actions mécaniques.



Le lancer de marteau est une discipline olympique qui consiste à lancer un boulet après l'avoir accéléré en le faisant tourner au bout d'un câble. Sur le schéma ci-dessous, on montre les positions successives  $B_1$  à  $B_{18}$  du boulet, résultat d'une simulation à partir de données réelles : le lanceur utilise un boulet de masse  $m = 4,0 \text{ kg}$ , un câble de longueur  $L = 2,5 \text{ m}$  et lâche le boulet lorsqu'il a une vitesse de valeur  $25 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ .

On rappelle que le périmètre  $P$  d'un cercle de rayon  $r$  vaut  $P = 2 \times \pi \times r$ .



## 1. PREMIÈRE PARTIE

- 1.1. Que peut-on dire de la variation de la valeur de la vitesse du boulet durant le mouvement modélisé ? Justifier la réponse. ANA
- 1.2. Que peut-on dire de la variation du vecteur vitesse du boulet durant le mouvement modélisé ? Justifier la réponse. ANA
- 1.3. Construire, à l'échelle de votre choix à préciser, le vecteur vitesse du boulet lorsqu'il est dans les positions  $B_3$ ,  $B_6$  et  $B_{12}$ . RÉA
- 1.4. Montrer que l'on peut distinguer deux phases dans le mouvement du boulet ; préciser à quel instant la nature du mouvement du boulet change. ANA
- 1.5. Expliquer ce qui est à l'origine de ce changement. ANA
- 1.6. Préciser la nature du mouvement du boulet au cours des deux phases du mouvement. ANA

## 2. DEUXIÈME PARTIE

- 2.1. Calculer la valeur d'un quart de périmètre du cercle décrit par le boulet avant qu'il ne soit lâché. RÉA
- 2.2. Vérifier que, sur le schéma, un arc de cercle égal à un quart de périmètre est, par exemple, délimité par les points  $B_4$  à  $B_9$ , c'est-à-dire qu'un quart de cercle correspond à la distance parcourue par le boulet en une durée égale à  $5 \times \Delta t$ . ANA
- 2.3. Montrer que, pour la simulation, on peut estimer que la durée qui sépare le pointage de deux positions du boulet est  $\Delta t = 0,033$  s. RÉA

## 3. TROISIÈME PARTIE

- 3.1.  $M_1$ ,  $M_2$  et  $M_3$  sont trois points consécutifs d'un enregistrement,  $v_2$  est la vitesse au point  $M_2$  et  $\Delta t$  est la durée du déplacement entre deux points consécutifs.

Parmi les expressions suivantes, identifier celles qui permettraient d'obtenir une valeur approchée de la vitesse instantanée du système lorsqu'il est en  $M_2$ . Justifier.

$$v_2 = \frac{M_1 M_3}{\Delta t} \quad v_2 = \frac{M_2 M_3}{\Delta t} \quad v_2 = \frac{M_2 M_3}{2 \times \Delta t} \quad v_2 = \frac{M_1 M_3}{2 \times \Delta t}$$

- 3.2. Utiliser les données de l'énoncé pour préciser toutes les caractéristiques du vecteur vitesse du boulet aux points  $B_5$  et  $B_{14}$ . Représenter ces vecteurs, notés  $\vec{v}_5$  et  $\vec{v}_{14}$ . RÉA

- 3.3. On donne ci-dessous le code qui permet de tracer le vecteur vitesse au point  $M_i$ .

```
1 def vecteur_vitesse(x, y, dt, i) :  
2     vx = (x[i+1] - x[i-1]) / (2*dt)  
3     vy = (y[i+1] - y[i-1]) / (2*dt)
```

- 3.3.1. Parmi les quatre expressions proposées à la question 1, laquelle est utilisée dans ce code ? Justifier rapidement. ANA

- 3.3.2. Comparer la direction des déplacements  $\overrightarrow{B_4 B_5}$ ,  $\overrightarrow{B_5 B_6}$  et  $\vec{v}_5$ . Conclure. ANA

- 3.3.3. Expliquer pourquoi, dans le cadre d'un mouvement rectiligne, on peut utiliser la deuxième formule de la question 1. ANA

- 3.3.4. Quelles lignes de code doivent alors être modifiées ? Proposer une nouvelle écriture pour ces lignes de code. RÉA